

Dělení polynomů

Lenka Přibylová

4. srpna 2006

Obsah

$(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$	3
----------------------------------	---

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$(\begin{array}{cccc} x^3 & -2x^2 & +x & -1 \end{array}) : (x + 2)$$

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$(\textcolor{red}{x^3} \text{ } -2x^2 \text{ } +x \text{ } -1) : (\textcolor{red}{x} + 2) = \textcolor{blue}{x^2}$$

Vydělíme mezi sebou nejvyšší mocniny $x^3 : x = x^2$.

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\quad x^3 \quad -2x^2 \quad +x \quad -1 \quad) : (x+2) = x^2 \\ \underline{x^3 + 2x^2} \end{array}$$

Násobíme zpět $(x + 2) \cdot x^2$ a sepisujeme pod stejné mocniny.

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\ x^3 \ -2x^2 \ +x \ -1 \) : (x + 2) = x^2 \\ -(\ x^3 \ +2x^2 \) \end{array}$$

Od polynomu, který dělíme odečteme tento polynom

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\ x^3 \ -2x^2 \ +x \ -1 \) : (x + 2) = x^2 \\ -(\ x^3 \ +2x^2 \) \\ \hline \textcolor{blue}{-4x^2 \ +x \ -1} \end{array}$$

a tím dostaneme zbytek po dělení polynomem x^2 .

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\quad x^3 \quad -2x^2 \quad +x \quad -1 \quad) : (\textcolor{red}{x} + 2) = x^2 \textcolor{blue}{-} 4x \\ - (\quad x^3 \quad +2x^2 \quad) \\ \textcolor{red}{-} 4x^2 \quad +x \quad -1 \end{array}$$

Budeme dělit dál tento zbytek: $-4x^2 : x = -4x$.

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\quad x^3 \quad -2x^2 \quad +x \quad -1 \quad) : (x+2) = x^2 - 4x \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \hline -4x^2 \quad +x \quad -1 \\ \textcolor{blue}{-4x^2} \quad -8x \end{array}$$

Zpětně násobíme $-4x \cdot (x + 2)$

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2) = x^2 - 4x \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \hline -4x^2 + x - 1 \\ -(-4x^2 - 8x) \\ \hline 9x - 1 \end{array}$$

a zase od zbytku tento polynom odečteme.

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\ x^3 \ -2x^2 \ +x \ -1 \) : (\textcolor{red}{x} + 2) = x^2 - 4x \textcolor{blue}{+9} \\ - (\ x^3 \ +2x^2 \) \\ \quad \quad \quad -4x^2 \ +x \ -1 \\ - (\ -4x^2 \ -8x \) \\ \quad \quad \quad \textcolor{red}{9x} \ \ \ \ -1 \end{array}$$

takto pokračujeme

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2) = x^2 - 4x + 9 \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \hline -4x^2 + x - 1 \\ -(-4x^2 - 8x) \\ \hline 9x - 1 \\ 9x + 18 \end{array}$$

takto pokračujeme

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (x^3 \quad -2x^2 \quad +x \quad -1) : (x + 2) = x^2 - 4x + 9 \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \quad \quad \quad -4x^2 \quad +x \quad -1 \\ -(-4x^2 - 8x) \\ \quad \quad \quad 9x \quad -1 \\ \quad \quad \quad 9x \quad +18 \\ \quad \quad \quad \textcolor{blue}{-19} \end{array}$$

dokud lze dělit. V tomto okamžiku už $-19 : x$ nelze dělit,

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2) = x^2 - 4x + 9 - \frac{19}{x+2} \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \quad -4x^2 + x - 1 \\ -(-4x^2 - 8x) \\ \quad 9x - 1 \\ \quad 9x + 18 \\ \quad -19 \end{array}$$

proto zapíšeme zbytek k výsledku.

Podělte $(x^3 - 2x^2 + x - 1) : (x + 2)$.

$$\begin{array}{r} (\quad x^3 \quad -2x^2 \quad +x \quad -1 \quad) : (x + 2) = x^2 - 4x + 9 - \frac{19}{x+2} \\ -(x^3 + 2x^2) \\ \quad \quad \quad -4x^2 \quad +x \quad -1 \\ -(\quad -4x^2 \quad -8x \quad) \\ \quad \quad \quad 9x \quad -1 \\ \quad \quad \quad 9x \quad +18 \\ \quad \quad \quad -19 \end{array}$$

Hotovo.

KONEC