

Příklad	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	$\Sigma$
Správná odpověď	B	C	B	C	C	B	A	D	A	A	D	B	C	A	D	C	C	A	D	A	20

Příklad 1: Jsou dány matice

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & -13 & 1 \\ 0 & 0 & -2 & 0 \\ 9 & 2 & 0 & -3 \\ -1 & 0 & 14 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 10 & -1 & 3 & 2 \\ 2 & 4 & -2 & 1 \end{pmatrix}.$$

Prvek v druhém řádku a čtvrtém sloupci matice  $B \cdot A$  je

- (A) -12,  
 (B) 10,  
 (C) 0,  
 (D) Matice nelze násobit.

Příklad 2: Určete hodnotu determinantu

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 \\ 1 & 0 & -2 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

- (A) 0,  
 (B) 17,  
 (C) -22,  
 (D) 22.

Příklad 3: Jsou-li funkce  $f$  a  $g$  liché a spojité, pak je funkce  $f \cdot g$

- (A) lichá,  
 (B) sudá,  
 (C) periodická,  
 (D) nespojitá.

Příklad 4: Která z uvedených funkcí je spojitá na celém  $\mathbb{R}$ , ale nemá všude derivaci?

- (A)  $\sqrt{x}$ ,  
 (B)  $\frac{3}{x^2}$ ,  
 (C)  $\sqrt{x^2}$ ,  
 (D)  $x^3 + 2x - 8$ .

Příklad 5: Nechť je  $f$  spojitá v  $x = 4$  a platí  $f''(4) = 18$ . Pak je funkce  $f$  v  $x = 4$

- (A) kladná,  
 (B) rostoucí,  
 (C) konvexní,  
 (D) nespojitá.

Příklad 6: Číslo 2 je kořenem polynomu  $P(x) = x^5 - 5x^4 + 3x^3 + 13x^2 - 8x - 12$  násobnosti

- (A) 1,  
 (B) 2,  
 (C) 3,  
 (D) 4.

Příklad 7: Definiční obor funkce  $f(x) = \ln(3 + 2x - x^2)$  je

- (A)  $(-1, 3)$ ,  
 (B)  $[-3, 1]$ ,  
 (C)  $\mathbb{R}$ ,  
 (D)  $(-\infty, -1) \cup (3, \infty)$ .

Příklad 8: Limita  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+\sin x)}{\sin(3x)}$  je rovna

- (A) 0,  
 (B) 3,  
 (C)  $\infty$ ,  
 (D)  $\frac{1}{3}$ .

Příklad 9: Funkce  $f(x) = 5^x + \frac{x^2 - 2}{3x + 4}$  je v  $x = 1$

- (A) rostoucí,  
 (B) klesající,  
 (C) periodická,  
 (D) záporná.

Příklad 10: Rovnice tečny k funkci  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 4$  v bodě  $[1, 3]$  je

- (A)  $x + y - 4 = 0$ ,  
 (B)  $2x + 3y + 1 = 0$ ,  
 (C)  $x = 0$ ,  
 (D)  $2y - 5 = 0$ .

Příklad 11: Integrál typu  $\int P(x) \ln x \, dx$ , kde  $P(x)$  je polynom, řešíme

- |                              |   |
|------------------------------|---|
| (A) substitucí $t = \ln x$ , | (C) per partes ( $u = P(x)$ , $v' = \ln x$ ), |
| (B) substitucí $t = P(x)$ ,  | (D) per partes ( $u = \ln x$ , $v' = P(x)$ ). |

Příklad 12: Nechť je funkce  $f$  na intervalu  $[a, b]$  spojitá a nekladná. Pak platí

- |                                 |                                    |                                 |                                    |
|---------------------------------|------------------------------------|---------------------------------|------------------------------------|
| (A) $\int_a^b f(x) \, dx = 5$ , | (B) $\int_a^b f(x) \, dx \leq 0$ , | (C) $\int_a^b f(x) \, dx = 0$ , | (D) $\int_a^b f(x) \, dx \geq 0$ . |
|---------------------------------|------------------------------------|---------------------------------|------------------------------------|

Příklad 13:

$$\int \sin(-2x) + 3\sqrt{x^3} \, dx = \dots$$

- |   |   |
|---|---|
| (A) $\cos(2x) + \frac{6}{5}\sqrt{(x^3)} + c$ ,            | (C) $\frac{\cos(2x)}{2} + \frac{6}{5}x\sqrt{(x^3)} + c$ , |
| (B) $\frac{\cos(2x)}{2} + \frac{3}{5}x\sqrt{(x^6)} + c$ , | (D) $\frac{\sin(2x)}{4} + \frac{6}{5}x\sqrt{(x^3)} + c$ . |

Příklad 14:

$$\int (5x - 1) e^x \, dx = \dots$$

- |                         |                            |
|-------------------------|----------------------------|
| (A) $e^x(5x - 6) + c$ , | (C) $e^x(4x^2 - 8x) + c$ , |
| (B) $e^x(5x - 1) + c$ , | (D) $e^x(5x + 2) + c$ .    |

Příklad 15:

$$\int \frac{12}{8x^2 + 2} \, dx = \dots$$

- |  |   |
|--|---|
| (A) $\arctg(2x) + c$ ,                                   | (C) $\frac{\sqrt{2}}{4} \arctg\left(\frac{\sqrt{2}}{4}x\right) + c$ , |
| (B) $-\frac{1}{4} \arctg\left(\frac{4}{3}x\right) + c$ , | (D) $3 \arctg(2x) + c$ .  |

Příklad 16:

$$\int_{-1}^1 \sqrt[5]{x^6} - x \, dx = \dots$$

- |        |                 |                       |                       |
|--------|-----------------|-----------------------|-----------------------|
| (A) 0, | (B) $e^2 - 1$ , | (C) $\frac{10}{11}$ , | (D) $\frac{11}{10}$ . |
|--------|-----------------|-----------------------|-----------------------|

Příklad 17:

$$\int_0^3 12x^2 e^{4x^3-3} \, dx = \dots$$

- |         |                 |     |                          |                                |
|---------|-----------------|-----|--------------------------|--------------------------------|
| (A) 17, | (B) $e^9 - e^1$ | 25, | (C) $e^{105} - e^{-3}$ , | (D) $\frac{e^5 - e^2}{41} 7$ . |
|---------|-----------------|-----|--------------------------|--------------------------------|

Příklad 18:

$$\int_1^e (12 + 4x) \ln x \, dx = \dots$$

- |                  |               |        |         |
|------------------|---------------|--------|---------|
| (A) $e^2 + 13$ , | (B) $e - 2$ , | (C) 0, | (D) 12. |
|------------------|---------------|--------|---------|

Příklad 19: Plocha mezi grafy funkcí  $f(x) = 2x + 3$  a  $g(x) = 6 - x^2$  na intervalu  $[0, 1]$  je

- |                     |                     |        |                     |
|---------------------|---------------------|--------|---------------------|
| (A) $\frac{3}{5}$ , | (B) $\frac{2}{3}$ , | (C) 0, | (D) $\frac{5}{3}$ . |
|---------------------|---------------------|--------|---------------------|

Příklad 20: Taylorův polynom druhého rádu funkce  $f(x) = 2x \ln x$  se středem  $x_0 = 1$  je

- |                 |                     |                       |                           |
|-----------------|---------------------|-----------------------|---------------------------|
| (A) $x^2 - 1$ , | (B) $x^2 + x - 1$ , | (C) $3x^3 + 4x - 8$ , | (D) $\frac{x^2 - 1}{2}$ . |
|-----------------|---------------------|-----------------------|---------------------------|

Test bude realizován prezenčně v učebně, nebo elektronicky skrze univerzitní informační systém (UIS). Konkrétní způsob bude dán situací v semestru.

Za správnou odpověď je 1 bod, za nesprávnou odpověď se 1/3 bodu odečítá. Příklad bez odpovědi je za 0 bodů.

Za správnou odpověď je považována ta, která je pravdivá za všech okolností. Taková je ve výběru vždy právě jedna.