

## Zoznam obrázkov

1	Miery normálneho rozdelenia; krivka hustoty s vyfarbeným obsahom pod touto krivkou medzi príslušnými kvantilmi na osi $x$ ; obsah je rovný pravdepodobnosti výskytu subjektov s danou výškou v rozpätí týchto kvantilov . . . . .	42
2	Upravené miery normálneho rozdelenia; krivka hustoty s vyfarbeným obsahom pod touto krivkou medzi príslušnými kvantilmi na osi $x$ ; obsah je rovný pravdepodobnosti výskytu subjektov s danou normovanou výškou v rozpätí týchto kvantilov . . . . .	43
3	Aproximácia binomického rozdelenia normálnym pre $p = 0.515$ a $N = 5, 10$ a $50$ ; spojnicový graf superponovaný hustotou (prvý riadok) a distribučnou funkciou (druhý riadok) . . . . .	46
4	Aproximácia binomického rozdelenia normálnym pre $p = 0.1$ a $N = 5, 10$ a $50$ ; spojnicový graf superponovaný hustotou (prvý riadok) a distribučnou funkciou (druhý riadok) . . . . .	47
5	Hustoty dvojrozmerného normálneho rozdelenia pri rôznych parametroch (prvý riadok – kontúrový graf, druhý riadok – perspektívny trojrozmerný graf v podobe plochy); čím je $\rho$ odlišnejšie od nuly, tým viac sa kontúry líšia od kruhov (menia sa na elipsy); so zväčšujúcim sa rozdielom medzi $\sigma_1$ a $\sigma_2$ sa zväčšuje rozdiel rozptýlenia koncentrických kruhov v smere jednotlivých osí (hovoríme, že rozdiel variability premenných $X_1$ a $X_2$ sa zväčšuje) . . . . .	49
6	Hustota dvojrozmerného normálneho rozdelenia s parametrom $\hat{\theta}$ , ktorý je odhadnutý z dát (vľavo) a superimpozícia kontúr hustoty dvojrozmerného normálneho rozdelenia s parametrom $\theta$ , ktorý je odhadnutý z dát a dvojrozmerného jadrového odhadu hustoty (vpravo) . . . . .	50
7	Hustoty dvojrozmerného normálneho rozdelenia (prvý riadok $n = 50$ ; druhý riadok $n = 1000$ ) . . . . .	51
8	Spoločná hustota dvojrozmerného normálneho rozdelenia (vľavo), hustota zmesi dvoch dvojrozmerných normálnych rozdelení (uprostred) a dvojrozmerný jadrový odhad superponovaný hustotou zmesi dvoch dvojrozmerných normálnych rozdelení (vpravo) – simulačná štúdia . . . . .	52
9	Spoločná hustota dvojrozmerného normálneho rozdelenia (vľavo), hustota zmesi dvoch dvojrozmerných normálnych rozdelení (uprostred) a dvojrozmerný jadrový odhad superponovaný hustotou zmesi dvoch dvojrozmerných normálnych rozdelení (vpravo) – reálne dáta . . . . .	53
10	Hustoty normálneho rozdelenia a zošikmeného normálneho rozdelenia pri rôznych parametroch (prvý riadok); hustoty dvojrozmerného zošikmeného normálneho rozdelenia (druhý riadok vľavo a uprostred) a dvojrozmerného normálneho rozdelenia (druhý riadok vpravo) pri rôznych parametroch . . . . .	54
11	Pravdepodobnostná funkcia a distribučná funkcia $Bin(5, 0.5)$ . . . . .	55
12	Histogram vygenerovaných pseudonáhodných čísel superponovaný spojnicovým grafom teoretickej pravdepodobnostnej funkcie $X$ . . . . .	65
13	Histogram vygenerovaných priemerov superponovaný teoretickou krivkou hustoty $\bar{X}_n$ . . . . .	66
14	Histogram vygenerovaných rozdielov priemerov superponovaný teoretickou krivkou hustoty rozdelenia $\bar{X}_{n_1} - \bar{Y}_{n_2}$ . . . . .	67
15	Histogramy vygenerovaných testovacích štatistík v relatívnej škále superponované s teoretickými krivkami hustoty $F$ ; $X \sim N(0, 1)$ (ľavý stĺpec) a $X \sim [(1-p)N(\mu, \sigma^2) + pN(\mu, \sigma_1^2)]$ (pravý stĺpec); $n = 15$ (horný riadok), $n = 100$ (dolný riadok) . . . . .	70
16	Porovnanie škálovaného logaritmu funkcie vierohodnosti (plná čiara) s jeho kvadratickou aproximáciou (čiarkovaná čiara) v prvom riadku a porovnanie škálovaného skóre funkcie a priamky s nulovým interceptom a jednotkovým sklonom v druhom riadku . . . . .	75

17	Profilová funkcia vierohodnosti pre $\mu$ (vľavo), $\sigma^2$ (uprostred) a funkcia vierohodnosti pre oba parametre (vpravo); $X \sim N(4, 1)$ ; maximálne vierohodné odhady strednej hodnoty a rozptylu sú označené zvislou čiarkovanou čiarou (vľavo a uprotred) a maximálne vierohodný odhad vektora parametrov je označený $\bullet$ (vpravo) . . . . .	81
18	Funkcia vierohodnosti pre $X \sim Bin(N, p)$ ( $p = 0.1, 0.5, 0.9$ a $N = 20$ ); odhady $\hat{p}$ sú označené zvislou čiarkovanou čiarou . . . . .	82
19	Logaritmus štandardizovanej funkcie vierohodnosti multinomického rozdelenia v parametroch $p_1$ a $p_2$ (Európska populácia) s maximom označeným $\bullet$ . . . . .	83
20	Stĺpcové diagramy – početnosti (prvý riadok) pre vlasy (vľavo), pre oči (vpravo); pravdepodobnosti (druhý riadok) pre vlasy (vľavo), pre oči (vpravo) . . . . .	103
21	Základné typy bodov (dolný riadok) a farieb (horný riadok) . . . . .	104
22	Základné typy čiar – zvislo, vodorovne a v uhle $45^\circ$ (zľava doprava) . . . . .	105
23	Rozptylové grafy . . . . .	107
24	Kruhový diagram (dáta oči vs. vlasy) . . . . .	107
25	Kruhový diagram (farebné škály) . . . . .	108
26	Histogram so superponovanou krivkou hustoty normálneho rozdelenia (červená farba) a hustoty vypočítanej z dát (čierna farba); pod histogramom je tzv. „koberec“ . . . . .	110
27	Dva histogramy s priloženými bázami (základňami) . . . . .	110
28	Hustota so superponovanou hustotou normálneho rozdelenia v podobe 95% pásom spoľahlivosti . . . . .	111
29	Emirická distribučná funkcia superponovaná krivkou distribučnej funkcie normálneho rozdelenia (červená farba) . . . . .	112
30	Bodový graf s marginálnymi krabicovými diagramami (vľavo) a s histogramami (vpravo)	114
31	$qq$ -diagram normovanej spojitej premennej výška 10-ročných dievčat (mm) so superponovanou obálkou normálneho rozdelenia . . . . .	115
32	Základná štvorica grafov pre spojitú premennú výška 10-ročných dievčat (mm) . . . . .	116
33	Základná trojica grafov pre spojitú premennú pre dáta <code>two-samples-means-birth.txt</code>	118
34	Grafické znázornenie hustôt normálneho rozdelenia, $t$ -rozdelenia, $\chi^2$ -rozdelenia a $F$ -rozdelenia pri rôznych stupňoch voľnosti . . . . .	122
35	Grafické znázornenie významu pravdepodobnosti pod krivkou rozdelenia medzi dvoma kvantilmi (normálne rozdelenie) . . . . .	123
36	Grafické znázornenie významu pravdepodobnosti (obsahu) pod krivkou normálneho rozdelenia; obsah pod (prvý riadok) a nad (druhý riadok) príslušným kvantilom . . . . .	124
37	Grafické znázornenie významu pravdepodobnosti (obsahu) pod krivkou $t$ -rozdelenia s $df = 10$ ; obsah pod (prvý riadok) a nad (druhý riadok) príslušným kvantilom . . . . .	125
38	Grafické znázornenie významu pravdepodobnosti (obsahu) pod krivkou $\chi^2$ -rozdelenia s $df = 10$ ; obsah pod (prvý riadok) a nad (druhý riadok) príslušným kvantilom . . . . .	126
39	Grafické znázornenie významu pravdepodobnosti (obsahu) pod krivkou $F$ -rozdelenia s $df_1 = 20$ a $df_2 = 20$ ; obsah pod (prvý riadok) a nad (druhý riadok) príslušným kvantilom	127
40	MC experiment pre IS (IS, ktoré neobsahujú $\mu = 0$ , sú označené hrubou čiarou); vľavo $X \sim N(0, 1)$ a vpravo $X \sim [0.9N(0, 1) + (1 - 0.9)N(0, 4)]$ . . . . .	130
41	Silofunkcie asymptotického testu o $\mu$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	141
42	Schematický náčrt silofunkcií pre $n = 9$ a $n = 36$ . . . . .	143
43	Funkcia vierohodnosti (plná čiarou) pre $p$ (vľavo) a $g(p)$ vpravo spolu so superponovanými kvadratickými aproximáciami (čiarkovanou čiarou); horizontálna priamka predstavuje hodnotu <i>cut-off</i> . . . . .	146
44	Histogram superponovaný s očakávanými hodnotami SAT skóre . . . . .	151
45	Logaritmus štandardizovanej funkcie vierohodnosti s maximom označeným $\bullet$ a vierohodnostnou 95% empirickou elipsou spoľahlivosti pre $\theta$ . . . . .	155
46	Simulované rozdelenie $D_n$ (vľavo) a histogram superponovaný s očakávanými početnosťami výšok (vpravo) . . . . .	160

47	Simulované hustoty rozdelenia $D_n$ pre jednoduchú a zloženú hypotézu . . . . .	161
48	Pásky spoľahlivosti normálneho rozdelenia – pre hustotu (vľavo), distribučnú funkciu (uprostred) a kvantilovú priamku (vpravo) . . . . .	163
49	Silofunkcie asymptotického testu o $\mu$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	166
50	Rozptylový graf $\bar{x}_i, s_i, i = 1, 2, \dots, M, M = 100000$ pre $n = 5$ (vľavo), $n = 50$ (v strede) a $n = 100$ (vpravo) . . . . .	167
51	Distribučná funkcia (vľavo) a hustota (vpravo) necentrálneho $t$ -rozdelenia . . . . .	169
52	Hustota centrálného a necentrálneho $t$ -rozdelenia; vľavo – hustota necentrálneho $t$ -rozdelenia je superponovaná histogramom simulácií pre $X \sim N(4, 2.5^2)$ a vpravo – pre $X \sim [pN(4, 2.5^2) + (1 - p)N(4, 4.5^2)]$ , kde $p = 0.9$ . . . . .	170
53	Empirická (čierna farba) a teoretická (červená farba) silofunkcia $t$ -testu; simulácie; vľavo – $X \sim N(500, 100^2)$ a vpravo – $X \sim [pN(500, 100^2) + (1 - p)N(500, 200^2)]$ , kde $p = 0.9$ . . . . .	171
54	Silofunkcie asymptotického testu o $\sigma^2$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	185
55	Silofunkcie asymptotického testu o $\rho$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	191
56	Silofunkcie asymptotického testu o $p$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	202
57	Pravdepodobnosť pokrytia Waldovho 95% empirického DIS pre $p$ ; $N = 30$ (vľavo), 100 (uprostred) a $N = 1000$ (vpravo) . . . . .	211
58	Pravdepodobnosť pokrytia skóre 95% empirického DIS pre $p$ ; $N = 30$ (vľavo), 100 (uprostred) a $N = 1000$ (vpravo) . . . . .	211
59	Pravdepodobnosť pokrytia vierohodnostného 95% empirického DIS pre $p$ ; $N = 30$ (vľavo), 100 (uprostred) a $N = 1000$ (vpravo) . . . . .	212
60	Pravdepodobnosť pokrytia Waldovho 95% empirického DIS pre $p$ pri $N = 30$ ; spätne transformovaný DIS pre šancu (vľavo), spätne transformovaný DIS pre logaritmus šance (uprostred) a spätne transformovaný DIS pre $\arcsin \sqrt{p}$ (vpravo) . . . . .	213
61	Pravdepodobnosť pokrytia Waldovho 95% empirického DIS pre $p$ pri $N = 100$ ; spätne transformovaný DIS pre šancu (vľavo), spätne transformovaný DIS pre logaritmus šance (uprostred) a spätne transformovaný DIS pre $\arcsin \sqrt{p}$ (vpravo) . . . . .	213
62	Pravdepodobnosť pokrytia Waldovho 95% empirického DIS pre $p$ pri $N = 1000$ ; spätne transformovaný DIS pre šancu (vľavo), spätne transformovaný DIS pre logaritmus šance (uprostred) a spätne transformovaný DIS pre $\arcsin \sqrt{p}$ (vpravo) . . . . .	214
63	Silofunkcie Waldovho testu o $\mu_1 - \mu_2$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	218
64	Silofunkcie Waldovho testu o $\mu_1 - \mu_2$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	220
65	Hustota centrálného a necentrálneho $t$ -rozdelenia; vľavo – hustota necentrálneho $t$ -rozdelenia je superponovaná histogramom simulácií pre $X_1 \sim N(4, 2.5^2), X_2 \sim N(2, 2.5^2)$ a vpravo – pre $X_1 \sim [pN(4, 2.5^2) + (1 - p)N(4, 4.5^2)], X_2 \sim [pN(2, 4.5^2) + (1 - p)N(2, 4.5^2)]$ , kde $p = 0.9$ . . . . .	222
66	Nelineárny vzťah rozdielu rizík, pomeru šancí a pomeru rizík (vľavo $OR_{\max} = 0.669$ ; vpravo $OR_{\max} = 112.235$ a $OR_{\min} = 1.494$ ) . . . . .	240
67	Nelineárny vzťah rozdielu rizík, pomeru šancí a pomeru rizík (vľavo $OR_{\max} = 0.111$ ; vpravo $OR_{\max} = 1003.004$ a $OR_{\min} = 9.000$ ) . . . . .	240
68	Silofunkcie Waldovho testu o $p_1 - p_2$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo)	241
69	Silofunkcie alternatívneho Waldovho testu o $p_1 - p_2$ pre $H_{11}$ (vľavo), $H_{12}$ (uprostred) a $H_{13}$ (vpravo) . . . . .	242
70	Funkcia vierohodnosti a profilová funkcia vierohodnosti binomického rozdelenia pre $\theta$ ; $n_1 = 5, n_2 = 1$ (prvý riadok), $n_1 = 6, n_2 = 0$ (druhý riadok) . . . . .	255
71	Funkcia vierohodnosti a profilová funkcia vierohodnosti binomického rozdelenia pre logaritmus pomeru šancí zlomenia sa zuba . . . . .	256
72	Profilová funkcia vierohodnosti Poissonovho rozdelenia pre $\theta$ a $\theta_j, j = 1, 2, 3, 4$ . . . . .	257
73	Profilová funkcia vierohodnosti pre $\theta$ . . . . .	258

74	Silofunkcie ANOVA $F$ -testu pri rôznych $J$ a $K$ – vľavo $J = 3$ , uprostred $JK = 12$ a vpravo $JK = 100$ . . . . .	262
75	Hustota centrálneho a necentrálneho $F$ -rozdelenia superponovaná histogramom simulácií pre $X \sim N(\mu_j, \sigma_e^2)$ . . . . .	264
76	Odhadnuté hustoty vybraných $t$ -štatistík $T_{LSD}$ (pre rozdiel populácií A a B) a maximálnych $t$ -štatistík ( $T_{HSD}$ ) spolu s korešpondujúcimi teoretickými kritickými hodnotami $t_{n-J}(0.05)$ , resp. a $q_{J,n-J}(0.05)$ . . . . .	271
77	Kritické hodnoty – Scheffeho $hF_{h,df_e}(\alpha)$ , Bonferroniho $F_{1,df_e}(\alpha/h)$ , Tukeyho HSD $q_{J,n-J}^2(\alpha)$ a Fisherove LSD $F_{1,df_e}(\alpha)$ , $J = 5, 7, 10$ , pre rôzne $n < 100$ , kde $n - J > 0$ (prvý riadok); upravené hladiny významnosti $\alpha_k$ – Bonferroniho $\alpha_k = \alpha/h$ , Holmova $\alpha_k = \alpha/(h - k + 1)$ , Benjamini-Hochbergove $\alpha_k = k\alpha/h$ , Benjamini-Yekutieliho $\alpha_k = k\alpha/(h \sum_{l=1}^h 1/l)$ , $J = 5, 7, 10$ , pre vzrastajúce $k = 1, 2, \dots, h$ (druhý riadok) . . .	272
78	Rozptytové grafy ANOVA modelov – $\mathcal{F}_{H_0}$ (vľavo) a $\mathcal{F}_{H_1}$ (vpravo) . . . . .	279
79	Waldove simultánne 95% empirické IS Tukeyho typu pre rozdiely stredných hodnôt . . . . .	280
80	Znázornenie premenných najväčšia dĺžka mozgovne ( <b>skull.L</b> ) a najväčšia šírka mozgovne ( <b>skull.B</b> ) . . . . .	285
81	Znázornenie premennej vertikálnej priemer v strede dĺžky tela kľúčnej kosti ( <b>simd</b> ) . . . . .	286
82	Znázornenie premennej dĺžka kosti kľúčnej z ľavej strany ( <b>length.L</b> ) . . . . .	286
83	Znázornenie premenných najväčšia výška mozgovne ( <b>skull.pH</b> ) a morfológická výška tváre ( <b>face.H</b> ) . . . . .	288
84	Znázornenie premenných výška lebky ( <b>skull.H</b> ), výška lebečnej bázy ( <b>base.H</b> ), šírka lebečnej bázy ( <b>base.B</b> ) a uhol, ktorý zvierajú línie prechádzajúce oboma bodmi <i>porion</i> s vrcholom v bode <i>basion</i> ( <b>base.A</b> ) . . . . .	289
85	Znázornenie premenných uhol v bode <i>nasion</i> ( <b>front.A</b> ) a uhol tvárového trojuholníka v bode <i>prosthion</i> ( <b>prog.A</b> ) . . . . .	290
86	Znázornenie premennej výška lebky ( <b>skull.H</b> ) . . . . .	293
87	Znázornenie premenných dĺžka dolnej končatiny ( <b>lowex.L</b> ) a dĺžka trupu ( <b>tru.L</b> ); zdroj: Atlas somatoskopických znakov človeka ( <a href="http://www.sci.muni.cz/somatoskopie">http://www.sci.muni.cz/somatoskopie</a> ), upravené . . . . .	294
88	Znázornenie premennej výška hornej časti tváre ( <b>upface.H</b> ) . . . . .	295
89	Znázornenie premenných dĺžka hlavy ( <b>head.L</b> ), šírka hlavy ( <b>head.W</b> ), šírka dolnej čeľuste ( <b>big.W</b> ) a šírka tváre <b>bizyg.W</b> ; zdroj: Atlas somatoskopických znakov človeka ( <a href="http://www.sci.muni.cz/somatoskopie">http://www.sci.muni.cz/somatoskopie</a> ), upravené . . . . .	296
90	Znázornenie premennej najväčšia dĺžka kosti kľúčnej z pravej strany ( <b>cla.L</b> ) . . . . .	298
91	Znázornenie premenných výška nosa ( <b>nose.H</b> ), šírka nosa ( <b>nose.B</b> ) a interorbitálna šírka ( <b>interorb.B</b> ) . . . . .	299
92	Kostný reliéf na vnútornej strane <i>os pubis</i> . . . . .	300
93	Číslovanie pozíc na okraji dlane a príklady vysokého ( <b>Hi</b> ), stredného ( <b>Mi</b> ) a nízkeho ( <b>Lo</b> ) zakončenia troch hlavných dlaňových línií ( <b>D, C a B</b> ) . . . . .	302